

# خوارزميات للحساب الرمزي لبعض المسائل الاستهلاكية والحدية

## لديناميكا الفضاء

### مرفت عبد القادر على فد عق

المستخلص

إن الأطروحة الحالية معنونة إلى دراسة نوعين من الخوارزميات الحسابية الرمزية وهي من أهم المواضيع في حقل ديناميكا الفضاء .

يختص الموضوع الأول بالخوارزميات الحسابية للمسائل الإستهلاكية بينما يختص الموضوع الثاني بالخوارزميات الحسابية للمسائل الحدية وكل من الموضوعين يعتبر ركيزة هامة في علم ديناميكا الفضاء.

في الجزء الأول من الأطروحة، تم بفضل من الله ونعمه تшибيد خوارزميات للحساب الرمزي للمفهوكات الرمزية لكل من دوال  $f, g$  لاجرانج ، المسافة القطبية، حاصل الضرب القياسي لمتجهي الموضع والسرعة، و الحصة الامرکزية للحركة الأهلية. كما شيدنا خوارزميات للحساب الرمزي لمعادلة كيلر للمدارات الأهلية، ومعادلة باركر للمدارات المكافئة، و صورة معادلة كيلر للمدارات الزائدية.

وعلوة على ذلك ، فقد شيدنا أيضا في هذا الجزء المفهوك الرمزي لحل معادلة كيلر الشاملة بدلالة الدوال الشاملة  $U$  كذلك أوجدنا حل لاجرانج لمسألة الثلاث أجسام في حالة المثلث المتساوي الأضلاع وحالة الخط المستقيم وأوجدنا حل تحليليا جديدا لمعادلة لاجرانج من الدرجة الخامسة كما أوجدنا الحلول التحليلية المنتظمة للمتذبذب التواافقي المقلق على الصورة

$$\ddot{U} + \omega_0^2 U = \epsilon U^n \dot{U}^m ; \quad \epsilon \ll 1$$

أما بالنسبة للجزء الثاني من الأطروحة يختص بالخوارزميات الحسابية الرمزية للمسائل الحدية ، وفي هذا الصدد فقد تم بحمد الله وفضله تشييد خوارزمية رمزية لادلة لمبررت الزمنية وذلك لإيجاد وقت الانتقال كدالة في طول نصف المحور الأعظم للمدار كما أستخدمنا المتسلسة السابقة لتشييد طريقة لتعيين المدارات تصلح للمدارات الإهليلجية والزائدية وقد أعطينا بعض الأمثلة العددية لتوضيح الطريقة كذلك تشييد خوارزمية فعالة للمناورة المثالية  $L_{\Delta V}$  وذلك لترؤيد المحطات الفضائية بالوقود كما أعطيت بعض التطبيقات العددية لهذه الخوارزمية

كما تم أيضاً تشييد مناورات انتقال مثالية عامة حسب المفهوم أن كل من المدارات الداخلية و مدارات الانتقال عامة وغير مقيدة بشكل معين (ممكن أن تكون مدارات دائيرية أو أهليلجية أو مكافئة أو زائدية) كذلك تتعلق بالمفهوم أنه يمكن تطبيق الدفعين عند أي نقطتين  $r_1, r_2$  ، ليس بالضرورة عند نقطة الحضيض أو نقطة الأوج كما في طرق الانتقال الكلاسية

وعليه فيصبح حل المسألة هو تعيين طول نصف المحور الأعظم  $a_T$  لمدار الانتقال وتعيين أهليلجية مدار الانتقال  $e_T$  و الدفع الكلى الذي يؤدي إلى أقل تغير في السرعة  $\Delta V$

# **Symbolic Computing ALGORITHMS FOR SOME Initial and Boundary Value**

**MERVAT ABDULGADER ALI FADAAK**

## **ABSTRACT**

The present thesis is addressed to study two important kind of symbolic computing algorithm in the field of astrodynamics. The first kind dealing with the initial value problem of space dynamic, while the second is devoted to the boundary value problems of space dynamic.

In the first part of the thesis, we considered the initial value problems, and developed symbolic computing algorithms for time series expansions of: the Lagrange f and g functions , radial distance, the normalized inner product (denoted by  $\sigma$ ) of the position and velocity vectors and the eccentric anomaly of elliptic orbits.

And we developed symbolic computing algorithms for Kepler's equation for elliptic orbits , Barker equation for parabolic orbits and Hyperbolic form of Kepler's equation,for hyperbolic orbits.

Moreover, we also developed in this part Symbolic expressions for the solution of the universal U functions of Kepler equation, Symbolic analytical solutions to Lagrange's quintic equation of the three body problem.

Finally, we developed symbolic uniform solutions of the general perturbed harmonic oscillator of the form

$$\ddot{U} + \omega_0^2 U = \varepsilon U^n \dot{U}^m \text{ where } \varepsilon \ll 1$$

In second part of thesis, we studied symbolic computing algorithm of boundary value problem, and developed symbolic computing algorithms for

Lambert's time function to obtain the transfer time as a function of the semi-major axis of the orbit. Also we made use of the previous series solution to develop an orbit determination method valid for hyperbolic and elliptic orbits. Numerical illustrations were also given.

We also developed optimum delta-V maneuver for refueling space stations. Optimal two impulses cotangential orbital transfer maneuvers is developed for which both the inner and transfer orbits are of arbitrary shapes (circular, elliptic ,parabolic or hyperbolic).and The two impulses are applied tangentially at two general points  $r_1$  and  $r_2$  not necessarily to be applied at the apsides .

The solution of the problem is thus; the determination of ,the semi - major axis  $a_T$  and the eccentricity  $e_T$  of the transfer orbit, and the total impulse for the complete two impulse transfer at  $r_1$  and  $r_2$  which gives minimum velocity increment. Some numerical applications are also included